

ОГЛАВЛЕНИЕ

От редакции	6
Предисловие	6
Глава 1. Введение в анализ	7
§ 1. Действительные числа. Множества	7
§ 2. Предел последовательности	8
§ 3. Функция. Предел функции	10
§ 4. Производная	12
Глава 2. Интегралы	20
§ 1. Неопределенный интеграл	20
§ 2. Определенный интеграл	23
§ 3. Приложения определенного интеграла	24
§ 4. Несобственные интегралы	27
Глава 3. Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии	28
§ 1. Определители и матрицы	28
§ 2. Системы линейных уравнений	29
§ 3. Векторы	30
§ 4. Деление отрезка в данном отношении	31
§ 5. Прямая линия	31
§ 6. Плоскость	32
§ 7. Прямая в пространстве	33
§ 8. Ориентация системы векторов. Векторное и смешанное произведение векторов	34
§ 9. Зависимые и независимые системы векторов	38
§ 10. Линейные операторы. Базис	39
§ 11. Линейные подпространства	43
§ 12. Самосопряженные операторы. Квадратические формы	44
§ 13. Кривые второго порядка	45
§ 14. Поверхности второго порядка	48
Глава 4. Функции многих переменных	52
§ 1. Основные понятия	52
§ 2. Предел функции. Непрерывность	53
§ 3. Частные производные. Дифференциалы	55
§ 4. Частные производные и дифференциалы высших порядков	56
§ 5. Касательная плоскость и нормаль к поверхности	57
§ 6. Формула Тейлора	57
§ 7. Экстремумы	58
§ 8. Неявные функции, Условный экстремум	58

Глава 5. Ряды	59
§ 1. Числовые ряды	59
§ 2. Функциональные ряды	62
§ 3. Степенные ряды	63
Глава 6. Дифференциальные уравнения	64
§ 1. Общие понятия	64
§ 2. Уравнения первого порядка	64
§ 3. Метрические пространства. Сжимающие операторы. Теорема существования решения	65
§ 4. Уравнения, не разрешенные относительно производной. Особые решения	67
§ 5. Понижение порядка дифференциального уравнения	68
§ 6. Линейные уравнения с постоянными коэффициентами	69
§ 7. Уравнение Эйлера. Уравнения с переменными коэффициентами	70
§ 8. Метод вариации постоянных	71
§ 9. Системы дифференциальных уравнений	72
§ 10. Решение уравнений с помощью степенных рядов	72
§ 11. Устойчивость по Ляпунову	73
Глава 7. Кратные интегралы	74
§ 1. Интегралы, зависящие от параметра	74
§ 2. Кратные интегралы	75
§ 3. Замена переменных в кратном интеграле	76
§ 4. Применение кратных интегралов	77
§ 5. Несобственные интегралы	80
Глава 8. Векторный анализ	81
§ 1. Криволинейные интегралы первого рода	81
§ 2. Интеграл от вектора вдоль кривой	83
§ 3. Потенциал. Ротор вектора	84
§ 4. Дифференциальные уравнения первого порядка в полных дифференциалах	85
§ 5. Формула Грина	86
§ 6. Интеграл по поверхности первого рода	87
§ 7. Поток вектора через ориентированную поверхность (поверхностный интеграл второго рода)	89
§ 8. Формула Гаусса—Остроградского	93
§ 9. Формула Стокса	94
Глава 9. Ряды и интеграл Фурье	96
§ 1. Тригонометрические ряды	96
§ 2. Ряд Фурье	96
§ 3. Ортогональные системы функций	98
§ 4. Интеграл Фурье	100
Глава 10. Уравнения математической физики	101
Глава 11. Функции комплексного переменного	103
§ 1. Общие понятия	103
§ 2. Предел функции. Производная	105

§ 3. Условия Коши—Римана. Гармонические функции	105
§ 4. Простейшие конформные отображения	106
§ 5. Интегрирование функций комплексного переменного	108
§ 6. Формула Коши	109
§ 7. Ряды в комплексной области	110
§ 8. Изолированные особые точки. Вычеты	112
§ 9. Вычисление интегралов с помощью вычетов	114
Глава 12. Операционное исчисление	118
§ 1. Изображения простейших функций	118
§ 2. Отыскание оригинала по изображению	119
§ 3. Приложения операционного исчисления	120
Ответы	122